超伝導トンネル接合を流れる超伝導電流の3次元磁界変調特性

渡邉 騎通* 阿部 晋** 中山 明芳***

Three-dimensional magnetic field dependence of Josephson current through Josephson junction

Norimichi WATANABE* Susumu ABE** Akiyoshi NAKAYAMA***

1. 緒言

二つの超伝導体で薄い絶縁層を挟んだ構造は、超伝導トンネル 接合(ジョセフソン接合)と呼ばれ、二つの超伝導体間に電位差な しで電流を流すことができる. 超伝導トンネル接合は、高感度な磁 東計である SQUID (超伝導量子干渉素子) や SFQ (単一磁束量子) 回路などに応用され、超伝導をエレクトロニクスに応用する際に、 基本となるデバイスである[1,2]. この超伝導トンネル接合を流れる 超伝導電流 I。は、外部磁界によって変調される. 一般に、超伝導 トンネル接合を流れる超伝導電流 I。の外部磁界変調特性は、外部 磁界を接合面に平行に一方向から印加することにより測定され、バ リア層の一様性が議論される[3]. それに対して我々は、接合面に平 行に二方向から外部磁界(Hx, Hv)を印加して超伝導電流 Icの外 部磁界変調特性を測定してきた[4]. 外部磁界を二次元走査すること により、接合面における超伝導電流の分布について、より多くの情 報を得ることができる. また、接合形状が変化したときに、超伝導 電流の磁界変調特性がどのように変化するのかを詳しく調べること が可能となる. さらに我々は、三方向目の磁界として、接合面に垂 直な外部磁界Hzを印加して超伝導電流の垂直磁界依存性を調べ た^[5,6]. 垂直磁界 H₂を印加した場合は、平行磁界を印加した場合と は異なる磁界変調特性を示すが, 垂直磁界を印加したときの超伝導 電流の磁界変調特性についての研究報告例は少ない[7,8]. 垂直磁界 Hzを印加する場合も、同時に外部磁界(Hx, Hy)を二次元走査し、 垂直磁界 H_z を印加した状態で I_c - (H_x, H_y) 特性を測定したり、あ るいは、垂直磁界 Hz を印加後、垂直磁界 Hz を取り除いた状態で L-(Hx, Hx) 特性を測定して二次元面で磁界変調特性を観測すること により、なぜ超伝導電流 Ic が垂直磁界 Hz によって変調されるのか を, より詳しく調べることができる. 本研究では, 外部磁界 (Hx, H_v)を接合面に平行に二次元走査することにより調べた超伝導電流 I。の二次元磁界変調特性の接合形状依存性や、接合面に平行な磁界 (Hx, Hv) に加えて、接合面に垂直な磁界 Hz を印加して測定した超

伝導電流 I_c の垂直磁界依存性について調べたので、その結果について報告する.

2. 実験

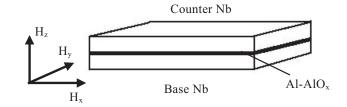


図1 Nb/Al-AlOx/Nb 超伝導トンネル接合と外部磁界

3. ジョセフソン電流の二次元磁界変調特性

接合形状が正方形のジョセフソン接合の接合面に平行に二方向から外部磁界 H_x , H_y を印加して,接合を流れる超伝導電流 I_c の二次元磁界変調特性を測定した.ジョセフソン接合の接合面に平行に外部磁界を印加した場合は,超伝導電流が徐々に減少していき,周期的に接合を流れる超伝導電流がゼロになりながら減少していく.このような超伝導電流の磁界変調パターンは,フラウンホーファーパターンと呼ばれている [3].二方向から外部磁界 H_x , H_y を印加した場合は,図2(a) に示すように, H_x , H_y の二方向にフラウンホーファーパターンが観測される結果となった [4].図2(b) は,接合形状が正方形の場合の二次元磁界変調特性をシミュレーションによって求めた結果である.シミュレーションでは, H_x 方向と H_y 方向の磁界を合成した方向から磁界が加わり,接合内の電流分布は,印加さ

Assistant Professor, Dept. of Electrical, Electronics, and Information Engineering

Lecturer, Dept. of Electrical, Electronics, and Information Engineering

***教授 電気電子情報工学科

Professor, Dept. of Electrical, Electronics, and Information Engineering

^{*}助教 電気電子情報工学科

^{**}非常勤講師 電気電子情報工学科

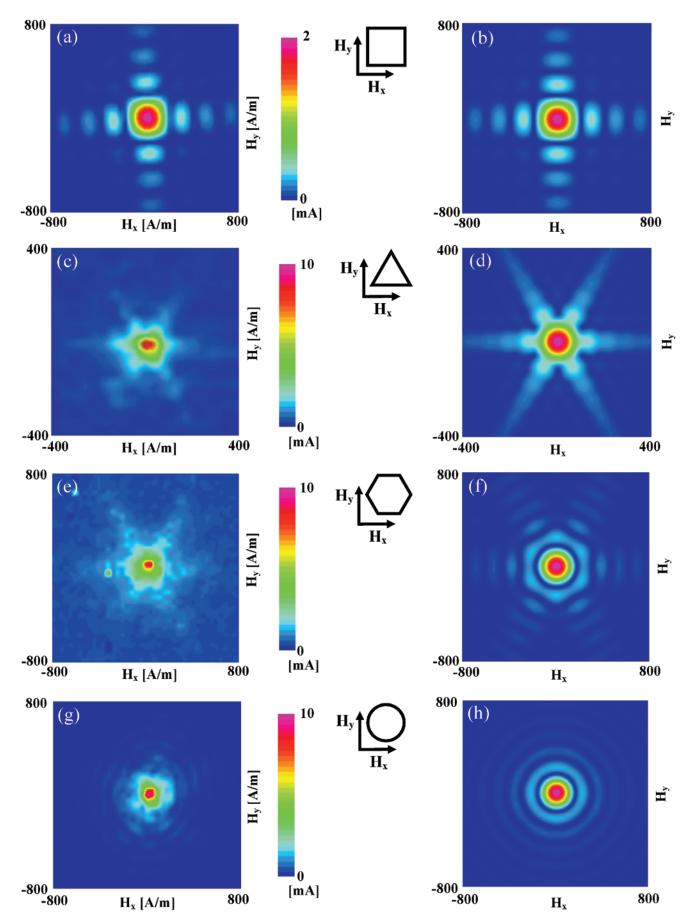


図2 ジョセフソン電流の二次元磁界変調特性. 接合形状が正方形(a)実験(b)シミュレーション、接合形状が三角形(c)実験(d)シミュレーション、接合形状が六角形(e)実験(f)シミュレーション、接合形状が円形(g)実験(h)シミュレーション

れる磁界の向きと垂直な向きに sin 波の形の電流分布となると考え た. 電流分布の sin 波の波長は磁界の大きさに反比例し、接合の各 場所での電流密度をすべて足し合わせた値が接合全体を流れる超伝 導電流である. Hx, Hyの各磁界における接合内の電流分布を計算し, ジョセフソン電流 Icの二次元磁界変調特性を求めた. 接合形状が 正方形の場合は、シミュレーションによって求めた場合も、実験結 果と同じように、 H_x 方向と H_v 方向の二方向にフラウンホーファー パターンが観測される結果となった. 同様に、接合形状が三角形、 六角形, 円形のジョセフソン接合を作製し, ジョセフソン電流 I。 の二次元磁界変調特性を測定し、また、シミュレーションによって も各接合の二次元磁界変調特性を求めた[9]. 図2(c), (d)は, 実験 とシミュレーションによって求めた接合形状が三角形のときのジョ セフソン電流 I。の二次元磁界変調特性である. 三角形のそれぞれ の辺に平行に、すなわち、 (H_x, H_y) 平面の原点のまわりに60度、 120度, 180度, 240度, 300度の方向に超伝導電流が現れ, 減少して いく特性となった. 接合形状が六角形の試料においても, 図2(e), (f)に示すように、それぞれの辺に平行な方向、(Hx, Hy) 平面の原 点のまわり60度, 120度, 180度, 240度, 300度の方向に超伝導電流 が変調され、それぞれの方向に周期的に最小値をとりながら減少し ていく特性となった. 接合形状が円形の試料では、図2(g), (h)に 示すように,波紋状に中心から外側に波が広がっていくパターンと なり、 (H_x, H_y) 平面の原点のまわり360度すべての方向に超伝導電 流のサブピークが観測された. 三角形よりも角数が多い六角形の試 料ではより円形に近い特性となっている.

4. ジョセフソン電流の垂直磁界依存性

図3に、ジョセフソン接合の接合面に平行な H_x 、 H_y 磁界に加えて、 接合面に垂直な H₂ 磁界を印加して測定したジョセフソン電流の垂 直磁界依存性を示す[10]. 平行磁界 Hx, Hy は, ±800A/m の範囲で 走査した. 図3(a)は、Hz磁界が印加されていないときの測定結果で、 ジョセフソン電流のメインピークが、 $H_x=H_y=0$ の時に観測され、 H_x方向とH_v方向の二方向にフラウンホーファーパターンが観測さ れている. 図3(b)は、垂直磁界 H_z を3000A/m 印加している状態で、 平行磁界 Hx, Hv を走査してジョセフソン電流の変調を行った結果 である. 図3(b)では、H_x、H_y磁界が±800A/m の範囲でジョセフソ ン電流が観測されなかった. これは、図4(a)に示すように、Base Nb 層の Nb 超伝導薄膜に垂直磁界 Hz が印加されると、マイスナー 効果により垂直磁界HzがNb超伝導薄膜から押し出されて曲げられ, その結果,垂直磁界 Hz から接合面に平行な磁界の成分が作られる からである[10-13]. 垂直磁界によって作られた平行な磁界の成分が, 外部から印加している Hx, Hy 磁界に重ね合わさるため, たとえ, $H_x=H_v=0$ のときでも平行磁界が存在し、ジョセフソン電流 I_c のメ インピークが (H_x, H_v) 平面の原点からシフトしてしまう. 特に垂 直磁界の値が3000A/mと大きい場合は、垂直磁界から作り出される 平行磁界の成分も大きくなり、フラウンホーファーパターン全体が、 ± 800 A/m の (H_x, H_y) 平面の外にシフトしてしまう. また、図4に おいて、Base Nb層の中心付近にジョセフソン接合がある場合より も、Base Nb層の端付近にジョセフソン接合がある場合の方が、よ り垂直磁界H_zがジョセフソン電流に与える影響が大きくなる[14-16]. 図3の測定に用いたジョセフソン接合は、Base Nb層の端に位置し

ているので、垂直磁界 H₂の影響を大きく受ける. 図3(c)は、印加 した3000A/m の垂直磁界 H_z を取り除いた状態で、平行磁界 H_x , H_y を走査してジョセフソン電流 I。の二次元磁界変調特性を測定した 結果である. 垂直磁界 H₂ が印加されていないにもかかわらず, フ ラウンホーファーパターンのメインピークが(Hx, Hv) 平面の原点 から大きくずれている.これは、図3(b)の測定で垂直磁界H₂を 3000A/m 印加したときにジョセフソン接合周辺の Nb 超伝導薄膜に 磁束がトラップされ,垂直磁界 Hzを取り除いても,磁束がトラッ プされたままになっているからである. 図4(b)に示すように、ジョ セフソン接合周辺のトラップ磁束が作り出す磁界の平行成分が、印 加磁界 Hx, Hv に重さなって, フラウンホーファーパターンがシフ トすると考えられる. 印加垂直磁界 H₂ はゼロなので, フラウンホー ファーパターンのシフト量は図3(b)よりも小さくなり, ±800A/m の走査範囲の (H_x, H_y) 平面内にフラウンホーファーパターンの一 部が観測され、(Hx, Hv) 平面の原点方向に戻ってきている. 図3(d) は、図3(b)とは反対方向に、垂直磁界 H_z を-3000A/m印加した状 態で平行磁界 H_x , H_y を $\pm 800 A/m$ の範囲で走査したときのジョセフ ソン電流 I。の二次元磁界変調特性である. 図3(d)においても, 垂 直磁界 Hz と Nb 超伝導薄膜にトラップされた磁束が作り出す平行 磁界の成分によって、フラウンホーファーパターンが大きくシフト し、(Hx, Hx) 平面内にジョセフソン電流は観測されなかった. 同 様に、図3(e)は、-3000A/mの垂直磁界 H_z を取り除いた後に測定 したジョセフソン電流 I。の二次元磁界変調特性である. 垂直磁界 Hzを取り除いても、Nb 超伝導薄膜にトラップされている磁束のた めにフラウンホーファーパターンのメインピークは、(Hx, Hv) 平 面の原点に戻っていない. 以上の実験結果より、3000A/mの垂直磁 界を印加すると、Nb 超伝導薄膜に磁束がトラップされることがわ かった. 次に、ジョセフソン接合の接合面に垂直な Hz 磁界のみを 印加してジョセフソン電流の変調を行った. 結果を図5に示す. 垂 直磁界 Hz を印加していくと、ジョセフソン電流 Ic は急激に減少し ていく. これは、図3の結果より、Hz 磁界を印加していくと、(Hx, H_v) 平面上でフラウンホーファーパターンがシフトしていくためで ある. 3000A/m の垂直磁界 Hz を印加して, その後, Hz 磁界を取り 除いた後も、磁束トラップにより超伝導電流はゼロのままである. これは、図3(c)において、磁束トラップによりフラウンホーファー パターンがシフトし、(Hx, Hx) 平面の原点で、超伝導電流の値が ゼロであることと一致する. 次に、Hz磁界をマイナス方向に印加 していくと, -400A/m 付近でジョセフソン電流 I。が大きく回復す る. これは、図3において、プラス方向に垂直磁界 Hz を印加したと きは、(Hx, Hy) 平面において Hy のプラス方向にフラウンホーファー パターンがシフトし、マイナス方向に垂直磁界 Hz を印加したとき は、H_vのプラス方向にシフトしていたフラウンホーファーパター ンが、 H_v のマイナス方向にシフトしていくため、 $H_z = -400 A/m$ 付 近で、フラウンホーファーパターンのメインピークが最も (Hx, H。) 平面の原点に近づいたためであると考えられる. その後, 印加 H_z磁界をマイナス方向にさらに強くしていくと、フラウンホー ファーパターンは、H_vのマイナス方向にさらにシフトしていくの で、 I_c-H_z 特性におけるジョセフソン電流 I_c は再び減少し、-3000A/m 印加後、Hz磁界をゼロまで減少させても、磁束トラップ によりジョセフソン電流 I。の値はゼロのままである. これは、図3

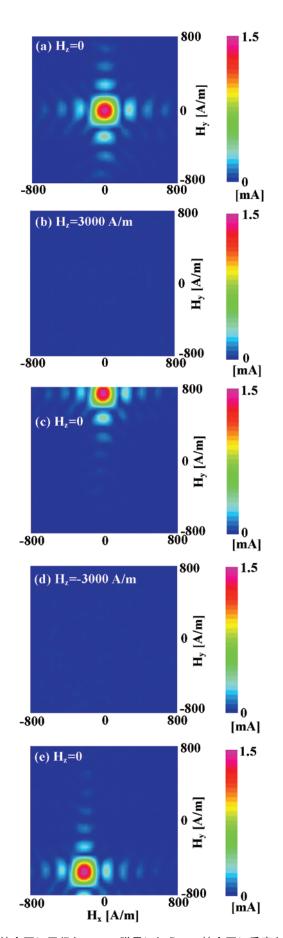
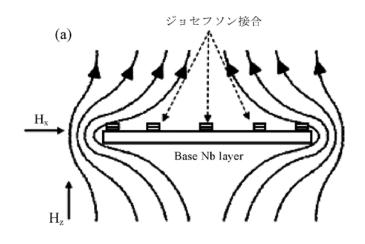


図3 接合面に平行な H_x, H_y 磁界に加えて,接合面に垂直な H_z 磁 界を印加して測定したジョセフソン電流の垂直磁界依存性



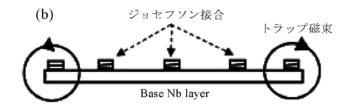


図4 Nb 超伝導薄膜と垂直磁界 H₂ (a) 垂直磁界 H₂ が作り出す平行 磁界の成分 (b) トラップ磁束が作り出す平行磁界の成分

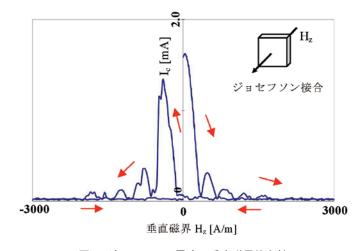


図5 ジョセフソン電流の垂直磁界依存性

(e)において、 (H_x, H_y) 平面の原点のジョセフソン電流 I_c の値がゼロであることと一致する。このように、 H_x 、 H_y の二方向から外部磁界を印加してジョセフソン電流 I_c の磁界変調特性を測定することにより、垂直磁界 H_z を印加したときに、なぜジョセフソン電流 I_c が変調されるのかについて、より詳しく解析することができる.

5. まとめ

接合形状が正方形,三角形,六角形,円形のジョセフソン接合を作製し,接合面に平行に,外部磁界を H_x , H_y の二方向から印加することによりジョセフソン電流を変調し,各接合形状におけるジョセフソン電流の二次元磁界変調特性を測定した.外部磁界を二次元走査することにより,接合形状によるジョセフソン電流の磁界変調特性の変化を明瞭に観測することができた.さらに,各磁界で

の接合内の超伝導電流分布を計算することにより、各接合形状におけるジョセフソン電流の二次元磁界変調特性をシミュレーションによって求めた. 実験結果とシミュレーション結果は、よく一致した.

ジョセフソン接合の接合面に平行な H_x , H_y 磁界に加えて,接合面に垂直な H_z 磁界を印加して,ジョセフソン電流の垂直磁界依存性を測定した.ジョセフソン電流は,平行磁界 H_x , H_y に加えて,Nb 超伝導薄膜のマイスナー効果によって,垂直磁界 H_z やトラップ磁束が作り出す平行磁界の成分によっても変調された.Nb 超伝導薄膜にトラップされた磁束が作り出す平行磁界の成分のために,ジョセフソン電流は,垂直磁界 H_z に対して不可逆的に変調されることがわかった.

参考文献

- [1] K.K. Likharev and V.K. Semenov, IEEE Transactions on Applied Superconductivity, 1, 3-28 (1991).
- [2] J. Clarke and A. I. Braginski, The SQUID handbook, WILEY-VCH (2004).
- [3] Barone and G. Paterno, Physics and Applications of the Josephson Effect, Wiley-Interscience, New York (1982).
- [4] Akiyoshi Nakayama, Susumu Abe, Tatsuyuki Morita, Makoto Iwata, and Yusuke Yamamoto, IEEE Transactions on Magnetics, 36, 3511–3513 (2000).
- [5] Norimichi Watanabe, Akiyoshi Nakayama, Susumu Abe and Kunimori Aizawa, Journal of Applied Physics, 97, 10B116 (2005).
- [6] Norimichi Watanabe, Akiyoshi Nakayama and Susumu Abe, Journal of Applied Physics, 101, 09G105 (2007).
- [7] S. L. Miller, Kevin R. Biagi, John R. Clem, and D. K. Finnemore, Physical Review B, 31, 2684–2693 (1985).
- [8] O. B. Hyun, D. K. Finnemore, L. Schwartzkopf, and J. R. Clem, Physical Review Letters, 58, 599-601 (1987).
- [9] Norimichi Watanabe, Akiyoshi Nakayama, Susumu Abe, Sho Kawai, Yohei Nishi, Koji Masuda, Journal of Applied Physics, 103, 07C707 (2008).
- [10] Norimichi Watanabe, Akiyoshi Nakayama, Susumu Abe and Koji Masuda, Journal of Physics: Conference Series, 234, 042038 (2010).
- [11] Akiyoshi Nakayama, Susumu Abe, Norimichi Watanabe and Yoichi Okabe, Microelectronic Engineering, 108, 93–98 (2013).
- [12] Norimichi Watanabe, Akiyoshi Nakayama and Susumu Abe, Journal of Applied Physics, 116, 033920 (2014).
- [13] Akiyoshi Nakayama, Susumu Abe and Norimichi Watanabe, IEEE Transactions on Applied Superconductivity, 26, 1100606 (2016).
- [14] M. A-K. Mohamed, J. Jung, and J. P. Franck, Physical Review B, 39, 9614-9617 (1989).
- [15] M. A.-K. Mohamed, J. Jung, and J. P. Franck, Physical Review B, 41, 6466-6478 (1990).
- [16] Norimichi Watanabe, Akiyoshi Nakayama, Susumu Abe, Mitsunori Suda, Yohei Nishi, Koji Masuda and Chisato Sugaya, Journal of Applied Physics, 105, 07E312 (2009).